

TEMA 1. ESTRUCTURA CRISTALINA.

Posición de un punto de la red: $\vec{r} = n_1 \vec{a}_1 + n_2 \vec{a}_2 + n_3 \vec{a}_3$ • Volumen de la celda unidad: $V = |\vec{a} \cdot \vec{b} \times \vec{c}|$ • Distancia entre planos (SC, BCC, FCC): $d_{hkl} = \frac{a}{\sqrt{h^2+k^2+l^2}}$ • Red Ortorrómica:

$$d_{hkl} = \frac{1}{\sqrt{\frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2}}} \bullet \text{Estructuras cristalinas simples. i) NaCl}$$

(FCC). Cl: 000, $\frac{1}{2}\frac{1}{2}0$, $\frac{1}{2}\frac{0}{2}$, $0\frac{1}{2}\frac{1}{2}$ • Na: $\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}$, $00\frac{1}{2}, 0\frac{1}{2}0, \frac{1}{2}00$ • ii) CsCl (SC) Cs: 000 • Cl: $\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}$ • iii) hcp: Factor de empaquetamiento:

$c/a = (8/3)^{1/2}$ • iv) Estructura diamante (FCC). 000, $\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}$ • v) ZnS (2FCC). Zn: 000, $0\frac{1}{2}\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}0\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}\frac{1}{2}0$ • S: $\frac{1}{4}\frac{1}{4}\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4}\frac{3}{4}\frac{3}{4}$, $\frac{3}{4}\frac{1}{4}\frac{3}{4}$, $\frac{3}{4}\frac{3}{4}\frac{1}{4}$ •

Volúmenes celdas primitivas: i) SC: $V = a^3/2$ ii) BCC: $V = a^3/3$ iii) FCC: $V = a^3/4$ • Coeficiente de dilatación lineal: $L' = L_0(1 + \alpha\Delta T)$

TEMA 2. DIFRACCIÓN.

Ley de Bragg: $2d \sin \theta = n\lambda$, intensidad máxima $n = 1$ • Red Real $\rightarrow a$, Red Recíproca $\rightarrow 2\pi/a$ • Número de electrones en la red

periódica: $n(\vec{r}) = \sum_G n_G \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{r})$ con

$$n_G = \frac{1}{V_c} \int_c dV n(\vec{r}) \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{r}) \bullet \text{Vector de la red recíproca:}$$

$$G = h\vec{b}_1 + k\vec{b}_2 + l\vec{b}_3 \text{ con } \vec{b}_1 = 2\pi \frac{\vec{a}_2 \times \vec{a}_3}{\vec{a}_1 \cdot \vec{a}_2 \times \vec{a}_3}, \vec{b}_2 = 2\pi \frac{\vec{a}_3 \times \vec{a}_1}{\vec{a}_1 \cdot \vec{a}_2 \times \vec{a}_3},$$

$$\vec{b}_3 = 2\pi \frac{\vec{a}_1 \times \vec{a}_2}{\vec{a}_1 \cdot \vec{a}_2 \times \vec{a}_3} \bullet \vec{b}_i \cdot \vec{a}_j = 2\pi \delta_{ij} \bullet \text{Amplitud de Scattering:}$$

$$F = \sum_G \int dV n_g e^{i(\vec{G} - \Delta\vec{k}) \cdot \vec{r}} \bullet \text{Condición de difracción: } \Delta\vec{k} = \vec{G}, \text{ si}$$

elástica $\Rightarrow 2\vec{k}\vec{G} = G^2 \bullet d_{hkl} = 2\pi / |\vec{G}|$. Si $\Delta\vec{k} = \vec{G} \Rightarrow$

$$F_G = N \int dV n(\vec{r}) e^{-i\vec{G} \cdot \vec{r}} = NS_G, \text{ con } S_G \equiv \text{Factor de Escritura} \bullet$$

$$n(\vec{r}) = \sum_{j=1}^s n_j(\vec{r} - \vec{r}_j) = \sum_{j=1}^s n_j(\vec{p}) \Rightarrow$$

$$S_G = \sum_j \int dV n_j(\vec{r} - \vec{r}_j) \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{r}) =$$

$$\sum_j \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{r}_j) \int dV n_j(\vec{p}) \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{p}) \bullet \text{Factor atómico de forma:}$$

$$f_j = \int dV n_j(\vec{p}) \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{p}) \Rightarrow S_G = \sum_j f_j \exp(-i\vec{G} \cdot \vec{r}) \text{ y también}$$

$$S_G = \sum_j f_j \exp\{-i(hn_1 + kn_2 + ln_3)\} \bullet \text{Anillos de difracción:}$$

$$d_{hkl} = \lambda/2 \Rightarrow \sin \theta_{max} = \pi/2, \text{ aparecen anillos para } d_{hkl} \geq \lambda/2 \bullet$$

Factor atómico de forma, distribución esférica de carga:

$$f_j = 4\pi \int_0^\infty dr r^2 n_j(r) \frac{\sin Gr}{Gr} \bullet \int_0^\infty dx x^n e^{-ax} = \frac{\Gamma(n+1)}{a^{n+1}} \bullet$$

$$\Gamma(n+1) = n\Gamma(n) = n! \bullet \text{BCC: } S_{G,BCC} = f_{BCC} (1 + (-1)^{h+k+l}) \bullet$$

$$\text{FCC: } S_{G,FCC} = f_{FCC} (1 + (-1)^{h+k} + (-1)^{k+l} + (-1)^{h+l}) \bullet$$

Intensidad de difracción: $I = S_G \cdot S_G^*$

TEMA 3. ENLACE CRISTALINO.

$U_T = U_{atrac} + U_{repuls}$ • **Potenciales repulsivos:** i) Potencial de Lenard-Jones: $U_R = B/R^{12}$ • ii) Potencial de Born-Mayer:

$$U'_R = \lambda \exp(-R/\rho) \bullet \text{Cristales inertes (Van der Waals):}$$

Potencial de interacción de una pareja de átomos:

$$U_{ij} = B/R_{ij}^{12} - A/R_{ij}^6 = 4\epsilon [(\sigma/R_{ij})^{12} - (\sigma/R_{ij})^6], \text{ con}$$

$\sigma = (B/A)^{1/6} \equiv$ parámetro de distancia; $\epsilon = A^2/4B \equiv$ parámetro de energía • Energía total:

$$U_T = 2N\epsilon \left[\sum_{j \neq i} (\sigma/R_{ij})^{12} - \sum_{j \neq i} (\sigma/R_{ij})^6 \right] \rightarrow R_{ij} = \rho_{ij} R. R \equiv$$

distancia entre vecinos más próximos •

$$U_T(R) = 2N\epsilon [A_{12}(\sigma/R)^{12} - A_6(\sigma/R)^6] \equiv \text{Energía total de}$$

interacción o Energía de Cohesión. • FCC: $A_{12} = 12.13188$,

$A_6 = 14.45392$. HCP: $A_{12} = 12.13229, A_6 = 14.4589$ • Parámetro de red: $\frac{dU_T(R)}{dR} \Big|_{R=R_0} = 0 \Rightarrow R_0 = 2 \left(\frac{A_{12}}{A_6} \right)^{1/6} \sigma \bullet \text{Cristales iónicos:}$

Interacción electrostática: $U_{elec} = \sum_{j \neq i} \frac{\pm Q^2}{4\pi\epsilon_0 R_{ij}}$ (SI),

$$U_{elec} = \sum_{j \neq i} \frac{\pm Q^2}{R_{ij}} \text{ (CGS) • Energía total:}$$

$$U_{Total}(R) = N \left[-\frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 R} \sum_{j \neq i} \frac{\pm 1}{P_{ij}} + z\lambda e^{-R/\rho} \right] \text{ con } \alpha = \sum_{i \neq j} \frac{\pm 1}{P_{ij}} \equiv$$

Constante de Madelung, tb $\frac{\alpha}{R} = \sum_j \frac{1}{r_{ij}} \Rightarrow$

$$U_{TOT}(R) = -\frac{NQ^2\alpha}{4\pi\epsilon_0 R} + zN\lambda e^{-R/\rho} \bullet \text{Energía de Cohesión:}$$

$$U(R_0) = -\frac{NQ^2\alpha}{4\pi\epsilon_0 R_0} [1 - \rho/R_0] \bullet Na + PI \rightarrow Na^+ + e^- \bullet$$

$e^- + Cl \rightarrow Cl^- + AE \bullet Na + Cl \rightarrow NaCl + E_{cohesión}$ • Cristal iónico lineal: $U_{Tot} = N \left[\frac{A}{R^N} - \frac{\alpha q^2}{R} \right]$ • **Cristales covalentes:**

Singlete-Enlazante. Triplete-Antienlazante. • **Cristales Metálicos.**

TEMA 4. FONONES. VIBRACIONES DE LA RED.

Ecuación de movimiento: $m \frac{d^2 u_n}{dt^2} = \sum_p C_p (u_{n+p} - u_n)$, soluciones:

Modos normales: $u_n(x, t) = u_0 e^{i(kx - \omega t)}$ • Relación de dispersión:

$$\omega^2 = \sum_p 2C_p \frac{1}{m} [1 - \cos kp] \bullet \text{Interacción a primeros vecinos, } p = 1 \bullet$$

$$x = sa \text{ con } s = 0, 1, \dots \bullet u_{n+1} = u_n(x + a) \bullet$$

$$m \frac{d^2 u_s}{dt^2} = C(u_{s+1} + u_{s-1} - 2u_s) \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{4C_1}{m}} \left| \sin \frac{ka}{2} \right| \bullet$$

$\omega_{max} = \omega(k = \pm\pi/a) = \sqrt{4C_1/m}$ • 1^a Zona de Brillouin:

$-\pi \leq ka \leq \pi$ • Condición de Bragg: $k_{max} = \pm k/a$ • Velocidad de grupo: $v_g = \frac{d\omega}{dk}$ (1D), $v_g = \nabla_{\vec{k}}\omega(\vec{k})$ (3D). $v_g = \sqrt{\frac{C_1 a^2}{m}} \left| \cos \frac{ka}{2} \right| \bullet$

Aproximación de onda larga: $ka \ll 1 \Rightarrow \sin \frac{ka}{2} \simeq \frac{ka}{2}$. Así pues,

$$\omega^2 = \frac{C_1}{m} k^2 a^2 \bullet \text{Dos átomos por celda primitiva: Ecuaciones de movimiento: } m_1 \frac{d^2 u_s}{dt^2} = C(v_s + v_{s-1} - 2u_s),$$

$$m_2 \frac{d^2 v_s}{dt^2} = C(u_{s+1} + u_{s-1} - 2v_s).$$

Soluciones (modos normales): $u_s = u_0 e^{iska} e^{-i\omega t}, v_s = v_0 e^{iska} e^{-i\omega t} \bullet \text{Relación de dispersión:}$

$$\omega_{\pm}^2 = C \left(\frac{m_1 + m_2}{m_1 m_2} \right) \pm C \sqrt{\left(\frac{m_1 + m_2}{m_1 m_2} \right)^2 - \frac{4}{m_1 m_2} \sin^2 \frac{ka}{2}}. \omega_{+} \rightarrow \text{Rama óptica, } \omega_{-} \rightarrow \text{Rama acústica.} \bullet \text{Aproximación de onda larga}$$

$$(ka \ll 1): \omega_{+}^2 \simeq 2C \frac{m_1 + m_2}{m_1 m_2}. \omega_{-}^2 \simeq \frac{C}{2(m_1 + m_2)} k^2 a^2 \bullet k_{max} = \pm \frac{\pi}{a}$$

$$\omega_{+}^2 = 2C/m_1. \omega_{-}^2 = 2C/m_2 \bullet \text{Fonones: } E = (n + 1/2)\hbar\omega \bullet \vec{p} = \hbar\vec{k} \bullet$$

Scattering de un fonón: $\vec{k}' = \vec{k} + \vec{k}_{fonón} + \vec{G}$ • Energía total de los fonones: $U = \sum_k \sum_p \langle n_{k,p} \rangle \hbar\omega_{k,p}$ • Número medio de fonones:

$$\langle n \rangle = \frac{1}{e^{\hbar\omega/k_B T} - 1} \bullet U = \sum_p \int d\omega D_p(\omega) \frac{\hbar\omega}{e^{\hbar\omega/k_B T} - 1} \bullet C_V = \frac{\partial U}{\partial T} \bullet$$

Densidad de estados: (1D) Un estado permitido por cada intervalo $(\frac{2\pi}{L})$ • $D(\omega) = \frac{L}{\pi} \frac{dk}{d\omega} = \frac{dN}{d\omega} \bullet$ (2D) 1 estado por área

$$\left(\frac{2\pi}{L_x} \right) \left(\frac{2\pi}{L_y} \right) \bullet D(\omega) = \frac{L^2}{2\pi} k \frac{dk}{d\omega} \bullet$$

$$\left(\frac{2\pi}{L_x} \right) \left(\frac{2\pi}{L_y} \right) \left(\frac{2\pi}{L_z} \right) \bullet D(\omega) = \frac{V}{2\pi^2} k^2 \frac{dk}{d\omega} \bullet \text{Modelo de Debye:}$$

$$\text{Dispersion lineal } \omega = vk \Rightarrow D(\omega) = \frac{V\omega^2}{2\pi^2 v^3} \bullet N = \int_0^{\omega_D} D(\omega) d\omega \Rightarrow$$

$$\text{Frecuencia de Debye (frecuencia máx.): } \omega_D^3 = \frac{6\pi^2 v^3}{V} N \bullet k_D = \omega_D/v \bullet$$

Energía térmica (1 polarización): $U_p = \int d\omega D(\omega) f(\omega) E_\omega \bullet$

$$U = U_p \times 3 \Rightarrow U = 9Nk_B T \left(\frac{T}{\theta_D} \right)^3 \int_0^{\omega_D} dx \frac{x^3}{e^{x-1}} \text{ con } x = \beta\hbar\omega,$$

$$\theta_D = x_D T = \frac{\hbar}{k_B} v \left(\frac{6\pi^2}{V} \right) \bullet C_V = 9Nk_B \left(\frac{T}{\theta_D} \right)^3 \int_0^{\omega_D} dx \frac{x^4 e^x}{(e^x - 1)^2} \bullet \text{Ley}$$

T³ de Debye: i) Altas temperaturas: $k_B T \gg \hbar\omega \Rightarrow x \ll 1 \bullet$

$U = 3Nk_B T, C_V = 3Nk_B \bullet$ ii) Bajas temperaturas:

$$k_B T \ll \hbar\omega \Rightarrow x \gg 1 \bullet U = 9Nk_B T^4 \frac{\pi^4}{15\theta_D^3} \bullet C_V = \frac{12\pi^4}{5} \frac{Nk_B}{\theta_D^3} T^3 \bullet$$

Modelo de Einstein: $U = 3N \frac{\hbar\omega}{e^{\hbar\omega/k_B T} - 1} \bullet$

$$C_V = \frac{3Nk_B (\hbar\omega/k_B T)^2}{(e^{\hbar\omega/k_B T} - 1)^2} e^{\hbar\omega/k_B T} \bullet$$

i) Altas temperaturas: $C_V \simeq 3Nk_B \left(\frac{\hbar\omega}{k_B T} \right)^3 e^{-\frac{\hbar\omega}{k_B T}} \bullet \theta_E = \frac{\hbar\omega_E}{k_B} \bullet$

Expansión térmica: $\langle x \rangle = \frac{3g}{4\pi^2} k_B T$, con $U(x) = cx^2 - gx^3 - fx^4 \bullet$

Conductividad térmica: $K = \frac{1}{3} C v l$ con $C = C_V/V, v = \text{velocidad media, y } l = \text{recorrido libre medio.}$

TEMA 5. GAS DE ELECTRONES LIBRES DE FERMI.

Niveles de energía (1D): $\psi_n = A \sin \frac{2\pi n}{L} \bullet \epsilon_n = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{n\pi}{L} \right)^2 \bullet$

Energía de Fermi: $\epsilon_F = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{N\pi}{2L} \right)^2$, con $2n_F = N \bullet \text{Distribución de Fermi-Dirac: } f(E) = \frac{1}{e^{(\epsilon - \mu)/k_B T} - 1} \bullet$ A $T = 0K \Rightarrow \mu = \epsilon_F \bullet$ Gas

de Electrones libres (3D): $\psi_k(\vec{r}) = e^{i\vec{k}\vec{r}}$, con

$$k_x = 0, \pm 2\pi/L, \pm 4\pi/L, \dots \bullet \epsilon_k = \frac{\hbar^2 k^2}{2m} \bullet \vec{p} = \hbar\vec{k} \bullet k_F = \left(\frac{3\pi^2 N}{V} \right)^{1/3} \bullet$$

Energía de Fermi: $\epsilon_F = \frac{\hbar^2}{2m} k_F \bullet$ Velocidad de Fermi:

$$v_F = \frac{\hbar}{m} \left(\frac{3\pi^2 N}{V} \right)^{1/3} \bullet$$

Densidad de estados: $N(\epsilon) = \frac{V}{3\pi^2} \left(\frac{2m\epsilon}{\hbar^2} \right)^{3/2} \bullet$

$$D(\epsilon) = \frac{dN}{d\epsilon} = \frac{V}{2\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{3/2} \epsilon^{1/2} = \frac{3N}{2\epsilon} \bullet$$

Capacidad calorífica de un gas de electrones: $C_{e-} = \frac{d}{dT} \langle U \rangle = \frac{d}{dT} \int_0^\infty d\epsilon \epsilon D(\epsilon) f(\epsilon) \Rightarrow$

$$C_{e-} \simeq \frac{1}{3} \pi^2 \frac{3N}{2\epsilon_F} k_B^2 T \Rightarrow$$

Capacidad calorífica experimental: $C = \gamma T (e^- \text{ libres}) + \alpha T^3$ (Debye) • **Ley de Ohm:**

$$\vec{F} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = \hbar \frac{d\vec{k}}{dt} = -e(\vec{E} + \vec{v} \wedge \vec{B}) \bullet$$

Desplazamiento de la esfera de Fermi: $\vec{d\vec{k}} = \frac{-e\vec{E}}{\hbar} t \bullet$ Densidad de corriente: $\vec{j} = nq\vec{v} = \sigma\vec{E} \bullet$

Conductividad eléctrica: $\sigma = \frac{ne^2\tau}{m}$, con $\tau \equiv$ tiempo medio entre choques. • Resistividad eléctrica: $\rho = 1/\sigma$ • Recorrido libre medio: $l = v_F\tau$ • Resistividad experimental: $\rho = \rho_{fonón} + \rho_{defectos}$ •

Movimiento en un CEM: Ecuación de movimiento:
 $\hbar \left(\frac{d}{dt} + \frac{1}{\tau} \right) \delta \vec{k} = \vec{F}$ tb: $m \left(\frac{d}{dt} + \frac{1}{\tau} \right) \vec{v} = -e(\vec{E} + \vec{v} \wedge \vec{B})$. Soluciones:
 $v_x = -\frac{e\tau}{m} E_x - \omega_c \tau v_y$, $v_y = -\frac{e\tau}{m} E_y - \omega_c \tau v_x$, $v_z = \frac{-e\tau}{m} E_z$ •
Frecuencia de ciclotrón: $\omega_c = \frac{eB}{mc}$ • **Efecto Hall:** Campo Hall:
 $E_y = -\omega_c \tau E_x = -\frac{eB\tau}{m} E_x$ • Coeficiente Hall: $R_H = \frac{E_y}{j_x B} = -\frac{1}{ne}$ •
Resistencia Hall: $\rho_H = -\frac{B}{ne} = \frac{E_y}{j_x}$ • **Conductividad térmica en metales:** $K = \frac{\pi^2 n k_B T \tau}{3m}$ • Número de Lorenz: $\frac{k}{\sigma} = \frac{\pi^2}{3} \left(\frac{k_B}{e} \right)^2 T$,
 $L = \frac{k}{\sigma T} = 2.44 \times 10^{-8} \frac{j^2}{K^2 \cdot C^2}$

TEMA 6. BANDAS DE ENERGÍA.

Potencial periódico. Modelo de e^- cuasilibres. Gap en $k = \pm \pi/a = \pm \frac{1G}{2}$ • Ondas en 1^a zona de Brillouin: $\psi_+ = 2 \cos \frac{\pi x}{a}$, $\psi_- = 2i \sin \frac{\pi x}{a}$ • Magnitud del gap de Energía: $U(x) = U \cos \frac{2\pi x}{a}$ •
 $E_g = \int_0^1 dx U(x) \{ |\psi_+|^2 - |\psi_-|^2 \} = U$ • **Funciones de Bloch.**
 $\psi_{\vec{k}}(\vec{r}) = u_{\vec{k}}(\vec{r}) e^{i\vec{k}\vec{r}}$ con $u_{\vec{k}}(\vec{r}) = u_{\vec{k}}(\vec{r} + \vec{T})$ • **Modelo de Kronig-Penney.** Potencial periódico (PP): función escalón.
Condiciones de contorno periódicas. Aprox: funciones δ • **Ecuación de ondas del e^- en un PP.** Ec. de Schrödinger:
 $\left[\frac{p^2}{2m} + U(x) \right] \psi(x) = \epsilon \psi(x)$ • $U(x) = \sum_G U_G e^{iGx}$ •
 $\psi(x) = \sum_k C(k) e^{ikx}$ con $k = \frac{2\pi n}{L}$, L longitud del cristal. • Ecuación de ondas (Fourier) (Ecuación central):
 $(\lambda_k - \epsilon) C(k) + \sum_G U_G C(k - G) = 0$ con $\lambda_k = \hbar^2 k^2 / 2m$ •
 $\psi_k(x) = \sum_G C(k - G) e^{i(k-g)x}$ • $u_k(x) \equiv \sum_G C(k - G) e^{-iGx}$
Invariante bajo traslaciones de cristal T • $\vec{k} \equiv$ Momento cristalino del e^- : $\vec{k} + \vec{q} = \vec{k}' + \vec{G}$ • Energía del e^- libre:
 $\epsilon(k_x, k_y, k_z) = (\hbar^2 / 2m)(\vec{k} + \vec{G})^2$ • Solución aprox. en la frontera:
 $k = \pm \frac{1}{2} G \Rightarrow \epsilon = \lambda \pm U = \frac{\hbar^2}{2m} (\frac{1}{2} G)^2 \pm U \Rightarrow$
 $\epsilon = \frac{1}{2} (\lambda_{k-G} + \lambda_k) \pm [\frac{1}{4} (\lambda_{k-G} - \lambda_k)^2 + U^2]^{1/2}$ • **Nº de orbitales en una banda.** $2N$ con N = nº de celdas primitivas de parámetro a .

TEMA 7. CRISTALES SEMICONDUCTORES.

Gap. Transiciones directas: $E_g = \hbar\omega_g$ • Transiciones indirectas:
 $E_g = \hbar\omega - \hbar\Omega$ • **Ecuaciones de movimiento.** Velocidad de grupo:
 $v_g = \frac{d\omega}{dk} = \frac{1}{\hbar} \frac{d\epsilon}{dk}$ • $\vec{v} = \frac{1}{\hbar} \nabla_{\vec{k}} \epsilon(\vec{k})$ • Fuerza externa aplicada sobre el e^- :
 $\vec{F} = \hbar \frac{d\vec{k}}{dt}$ • Campo magnético: $\hbar \frac{d\vec{k}}{dt} = -e\vec{v} \times \vec{B}$ • huecos: $\vec{k}_h = -\vec{K}_e$ •
 $\epsilon_h(\vec{k}_h) = -\epsilon_e(\vec{k}_e)$ • $\vec{v}_h = \vec{v}_e$ • $m_h = -m_e$ • $\hbar \frac{d\vec{k}_h}{dt} = e(\vec{E} + \vec{v}_h \times \vec{B})$ •
Masa efectiva: $\frac{1}{m^*} = \frac{1}{\hbar^2} \frac{d^2 \epsilon}{dk^2}$ • $\left(\frac{1}{m^*} \right)_{\mu\nu} = \frac{1}{\hbar^2} \frac{d^2 \epsilon}{dk_\mu dk_\nu}$ • Frecuencia de ciclotrón: $\omega_c = \frac{eB}{m^*}$